

(ب) بين أن t تناقصية على $]0; +\infty[$

(ج) بين جبريا أن $t(]1; +\infty[) =]0; 1[$

(د) باستعمال مركب دالتين حدد رتبة h على $]1; +\infty[$

تمرين 4

نعتبر f و g الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي المعرفتين بـ $f(x) = \sqrt{x+2}$; $g(x) = x^3 - 1$ و C_f و C_g المنحنيين الممثلين لـ f و g على التوالي في مستوى منسوب إلى معلم م.م.

1- أعط جدول تغيرات كل من f و g

2- أنشئ C_f و C_g .

3- بين مبيانيا أن المعادلة $x^3 - \sqrt{x+2} - 1 = 0$ تقبل

حلا وحيدا α حيث $1 < \alpha < \frac{3}{2}$

تمرين 5

نعتبر f و g الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي

المعرفتين بـ $f(x) = \frac{-3x+1}{2x+1}$; $g(x) = -3x^2 - 2x + 1$

1- تأكد أن $\frac{1}{3}$ حل للمعادلة $f(x) = g(x)$

2- أنشئ C_f و C_g .

3- أ- حدد مبيانيا

$$f\left(\left]-\frac{1}{2}; +\infty\right[\right) ; f\left(\left]-\frac{1}{2}; 1\right[\right)$$

$$g(\mathbb{R}^+) ; g(]-2; -1[) ; g\left(\left]-1; \frac{1}{3}\right[\right)$$

4- حدد جبريا $f\left(\left]-\frac{1}{2}; 1\right[\right)$; $g\left(\left]-1; \frac{1}{3}\right[\right)$

تمرين 6

نعتبر f الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة بـ

$$f(x) = \sqrt{x-2}$$

بين مبيانيا أن $f(]3; +\infty[) =]1; +\infty[$ ثم بين ذلك جبريا

تمرين 7

f الدالة العددية معرفة بجدول تغيراتها التالي

x	-2	0	1	5
f	-1	4	-5	3

حدد $f[-2; 0]$ و $f[1; 5]$ و $f[0; 5]$ و $f[-2; 1]$ و $f[-2; 5]$

تمرين 1

نعتبر f الدالة العددية للمتغير الحقيقي حيث

$$f(x) = x + \sqrt{x^2 - x}$$

1- حدد D_f

2- بين أن f مكبورة بالعدد $\frac{1}{2}$ على $] -\infty; 0[$

تمرين 2

نعتبر f الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة بـ

$$f(x) = \frac{|x|+1}{x^2+1}$$

1- بين أن f زوجية.

2- أ- بين أن f محدودة على $]1; +\infty[$

ب- بين أن f مصغورة بالعدد 1 على $[-1; 0]$

3- أدرس رتبة f على كل من $] -1 + \sqrt{2}; +\infty[$ و

$]0; -1 + \sqrt{2}[$ ثم أعط جدول تغيرات f على \mathbb{R}

استنتج مطاريف الدالة f .

تمرين 3

نعتبر f و g دالتين عدديتين لمتغير حقيقي حيث

$$f(x) = x^2 - 2x ; g(x) = \frac{-2x-1}{-2x+1}$$

1- حدد مجموعة تعريف الدالة g

2- أعط جدول تغيرات لكل دالة من الدالتين f و g

3- أ) حدد تقاطع C_f و محور الافاصل

ج) أنشئ المنحنيين C_f و C_g في نفس المعلم

المتعامد الممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$

4- أ) بين أن

$$\forall x \in \mathbb{R} - \left\{ \frac{1}{2} \right\} \quad g(x) = f(x) \Leftrightarrow -2x^3 + 5x^2 + 1 = 0$$

(ب) بين مبيانيا أن المعادلة $-2x^3 + 5x^2 + 1 = 0$

تقبل حلا وحيدا α حيث $\frac{5}{2} < \alpha < 3$

(ج) حل مبيانيا المتراجحة $f(x) \geq g(x)$

(د) حدد مبيانيا $f(]-1; 2])$

5- نعتبر الدالة العددية للمتغير الحقيقي x حيث

$$h(x) = \frac{x - 2x\sqrt{x}}{x^2}$$

(أ) تأكد أن $h(x) = f \circ t(x)$ $\forall x \in]0; +\infty[$ حيث

$$t(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

3- أ- حل مبيانيا $g(x) < 0$

ب- حل مبيانيا $g(x) > f(x)$

4- نعتبر الدالة العددية h المعرفة بـ $h(x) = \frac{\sqrt{x-3}-3}{\sqrt{x-3}+3}$

أ- بين أن h مكبورة بالعدد 1 و أن- قيمة دنيا مطلقة لـ h
ب- استنتج تغيرات الدالة h .

تمرين 13

$g(x) = 2x - 1$; $f(x) = 2x^2 + 3x + 1$

$$h(x) = \frac{4x^2 - 4x - 1}{8x^2 - 8x + 1}$$

1- حدد $f \circ g$; $g \circ f$; $h \circ g$

2- حدد دالتين t و l حيث $h = t \circ g$ و $f = l \circ g$

تمرين 14

نعتبر f و g الدوال العددية للمتغير الحقيقي المعرفة بـ

$$g(x) = x^2 - x$$
 ; $f(x) = x + 2 - \sqrt{x+2}$

$$h(x) = \sqrt{x+2}$$

1- أ/ حدد D_f

ب/ بين أن $\forall x \in D_f$ $f(x) \geq -\frac{1}{4}$

ج/ حل المعادلة $f(x) = 2$

2- أ/ حدد تغيرات h و أنشئ C_h

ب/ حدد مبيانيا $h([-2; 0])$ و $h([2; +\infty[)$

ج/ أعط جدول تغيرات g

د/ تحقق أن $\forall x \in D_f$ $f(x) = g \circ h(x)$

استنتج رتبة f على كل من $[-\frac{7}{4}; +\infty[$ و $[-2; -\frac{7}{4}]$

تمرين 15

تصنع شركة منتوجا A اذا علمت أن كل وحدة من

المنتوج A تباع بثمان 400 درهم و مصروف x وحدة من

المنتوج A محددة بالعلاقة $C(x) = 0,02x^2 + 160x + 400$

1- حدد عدد الوحدات المصنوعة من المنتوج A لكي

يكون الربح قصويا

2- ما قيمة هذا الربح

تمرين 16

اشترى شخص قطعة أرضية مستطيلة الشكل محيطها

200 متر بثمان إجمالي P_T

حدد بعدي هذه القطعة لكي يكون ثمن المتر مربع دنويا.

تمرين 8

نعتبر f و g الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي المعرفتين بـ

$$g(x) = x^2 + 1$$
 ; $f(x) = 3x - 1$

1- حدد $f \circ g$; $g \circ f$

2- باستعمال تغيرات f و g حدد تغيرات $f \circ g$ و $g \circ f$

تمرين 7

نعتبر f و g الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي

المعرفتين بـ $g(x) = \sqrt{x+1}$; $f(x) = \frac{-x}{x+2}$

1- حدد D_f و D_g ثم استنتج $D_{g \circ f}$

2- حدد تغيرات f و g ثم استنتج تغيرات $g \circ f$

تمرين 9

نعتبر f الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة بـ

$$f(x) = \left(\frac{x-1}{x+1}\right)^2$$

1- حدد D_f

2- أدرس تغيرات f على كل من المجالات $[1; +\infty[$ و

$]-\infty; -1[$ و $]-1; 1[$ (باستعمال مركبة دالتين)

تمرين 10

لتكن f دالة عددية معرفة على $]-\pi; \pi[$ بـ $f(x) = \cos x$

1- أعط جدول تغيرات f

2- نعتبر الدالة h المعرفة بـ $h(x) = 2\cos^2 x - 2\cos x$

أ/ حدد دالة g حيث $h(x) = g \circ f(x)$

ب/ أعط جدول تغيرات g

ج/ حل المتراجحة $\cos x \geq \frac{1}{2}$ $x \in]-\pi; \pi[$

د/ باستعمال مركبة دالتين أدرس تغيرات الدالة h

تمرين 11

نعتبر f و g الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي

المعرفتين بـ $g(x) = -x^2 + 2x + 2$; $f(x) = \sqrt{x+1}$

1- ضع جدول تغيرات كل من f و g

2- أحسب $g \circ f(x)$ لكل x من $[-1; 3]$

3- أدرس تغيرات $g \circ f$ على $[-1; 3]$

تمرين 12

نعتبر الدالتين العدديتين f و g المعرفتين بـ

$$g(x) = \frac{x-3}{x+3}$$
 ; $f(x) = \sqrt{x-3}$

1- حدد D_f ; D_g ثم حدد $D_{g \circ f}$

2- أنشئ C_f ; C_g في نفس المعلم المتعامد

الممنظم